

# Sur la synchronisation de systèmes chaotiques bidirectionnellement couplés

Laurent Laval<sup>1</sup>, Jean-Pierre Barbot<sup>1</sup> et Christophe Letellier<sup>2</sup>

<sup>1</sup> ECS-Lab / ENSEA, 6 avenue du Ponceau, 95014 Cergy-Pontoise, France

<sup>2</sup> CORIA, Université de Rouen, BP 12, 76801 Saint-Etienne du Rouvray cedex, France

## Problématique concernée

Synchronisation forcée de deux systèmes couplés, avec :

- Couplage **bidirectionnel** (et symétrique)
- Transmission de signaux scalaires :
  - ne dépendant explicitement que d'une seule variable d'état (côté émetteur)
  - n'influençant directement que la dynamique correspondante à l'état transmis (côté récepteur)

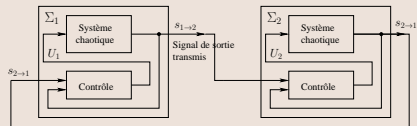


FIGURE: Représentation schématique des systèmes bidirectionnellement couplés

## Approche considérée

Analyse basée sur la Théorie de la Commande

En adoptant une notation compacte, chaque système contrôlé peut être défini par :

$$\Sigma_{i=1..2} : \quad \dot{X}_i = F_i(X_i) + U_i \quad (1)$$

où  $X_i = [x_i, y_i, z_i]^T$  ( $i = 1..2$ ) est le vecteur d'état du système  $\Sigma_i$ ,  $F_i$  est un champ de vecteur et  $U_i$  est le vecteur de commande.

Si les composantes de  $U_i$  :

- pouvaient agir sur toutes les dynamiques du système en n'étant fonction que d'une partie de l'état de l'autre système  $\rightarrow$  problème d'*observabilité*
- ne pouvaient agir que sur une partie des dynamiques du système mais être fonction de tous les états  $\rightarrow$  problème de *commandabilité*

## Principaux résultats

Sous couvert que les systèmes soient au moins détectables et stabilisables, nous avons mis en exergue que :

- la synchronisation (partielle ou complète) relève essentiellement de conditions sur la **stabilisabilité** des écarts de trajectoires des deux systèmes.
- même si elle s'avère effective, la synchronisation complète ne peut pas, d'un point de vue théorique, être garantie de manière absolue pour tout temps  $t$