## Dynamique du seuil d'excitabilité des neurones

- J. Platkiewicz<sup>1</sup> & R. Brette<sup>2,3</sup>
- <sup>1</sup> Institut des Systèmes Intelligents et de Robotique, UPMC Univ Paris 06, UMR 7222, Paris, France
- <sup>2</sup> Laboratoire Psychologie de la Perception, CNRS and Université Paris Descartes, Paris, France
- <sup>3</sup> Département d'Etudes Cognitives, Ecole Normale Supérieure, Paris, France platkiewicz@isir.upmc.fr

Les neurones émettent des potentiels d'action selon une loi dite "tout-ou-rien": une impulsion électrique est générée et propagée si l'intensité de la stimulation est suffisamment grande, c'est-à-dire au-delà du seuil d'excitabilité; autrement aucun signal n'est propagé. Le mécanisme biophysique et la description mathématique de ce phénomène ont été établis pour l'axone du calamar par Hodgkin et Huxley [1]. A partir d'une analyse de type système dynamique, Fitzhugh et Nagumo ont proposé un modèle synthétique de système excitable, mimant en particulier le comportement dynamique du modèle Hodgkin-Huxley [2], [3].

Néanmoins, pour décrire la réponse d'un neurone cortical, le modèle Hodgkin-Huxley tel quel s'avère être inapproprié. Pour résoudre cela, il est possible d'adopter une modélisation multi-compartimentale, où chaque compartiment est associé à un ensemble d'équations de type Hodgkin-Huxley. Le modèle résultant donne lieu à un très grand nombre d'équations non-linéaires et est donc difficilement étudiable analytiquement. Une autre approche consiste à considérer des modèles à seuil explicite, dit intègre-ettire, donnant une description beaucoup plus synthétique du comportement des neurones. Cependant, cette description phénoménologique ne prend pas en compte les caractéristiques biophysiques des neurones.

A partir d'une analyse similaire à celle de Fitzhugh et Nagumo, nous avons proposé une équation permettant de prédire la valeur du seuil d'excitabilité à partir de celle des variables biophysiques [4]. Motivés par des résultats expérimentaux in vivo récents, nous avons mis en évidence une variabilité et une dynamique significative du seuil dans des modèles multi-compartimentaux de neurones corticaux. Nous avons de plus montré que l'équation proposée permet de prédire avec précision ces observations. A partir de cette équation et d'une analyse biophysique plus détaillée, nous avons pu proposer un modèle bidimensionnel à seuil explicite permettant de reproduire le phénomène de dynamique du seuil [5]. Un aspect intéressant de ce modèle est que les non-linéarités du système n'interviennent plus que dans la condition de déclenchement des impulsions : les variables sont instantanément réinitialisées dès franchissement du seuil. Enfin, nous avons montré que ce modèle permet de prédire avec précision des données électrophysiologiques in vitro [6]. Un tel modèle constitue une voie possible pour réconcilier les deux approches de modélisation mentionnées.

## Références

- 1. A. L. Hodgkin and A. F. Huxley, A quantitative description of membrane current and its application to conduction and excitation in nerve, *J Physiol*, **117**, 500-544 (1952).
- 2. R. Fitzhugh, Impulses and Physiological States in Theoretical Models of Nerve Membrane,  $Biophys\ J,\ 1$ , 445-466 (1961).
- 3. J. NAGUMO, S. ARIMOTO AND S. YOSHIZAWA, An active pulse transmission line simulating nerve axon, *Proc IRE*, **50**, 2061-2070 (1962).
- 4. J. Platkiewicz and R. Brette, A threshold equation for action potential initiation, *PLoS Comput Biol*, **6** (7), e1000850. doi:10.1371/journal.pcbi.1000850 (2010).
- 5. J. Platkiewicz and R. Brette, Impact of Sodium Channel Inactivation on Spike Threshold Dynamics and Synaptic Integration, *Submitted* (2011).
- 6. C. Rossant, D. F. M. Goodman, J. Platkiewicz and R. Brette, Automatic fitting of spiking neuron models to electrophysiological recordings, *Front Neuroinformatics*, 4 (2), doi:10.3389/neuro.11.002 (2010).